Законы сохранения в механике. Метод ключевых слов.

Такого не расскажут методисты.

1.

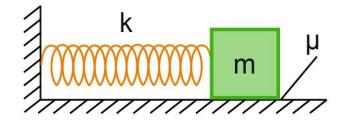
По гладкой наклонной плоскости, составляющей угол $\alpha=30^\circ$ с горизонтом, скользит из состояния покоя брусок массой M=300 г. В тот момент, когда брусок прошёл по наклонной плоскости расстояние x=3,6 м, в него попала и застряла в нём летящая навстречу ему вдоль наклонной плоскости пуля. Скорость пули v=500 м/с, масса пули m=5 г. После попадания пули брусок поднялся вверх вдоль наклонной плоскости на некоторое расстояние S от места удара. Определите расстояние S. Трение бруска о плоскость не учитывать.

2.

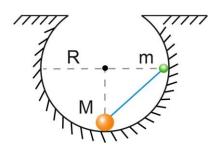
Небольшое тело массой M = 0.99 кг лежит на вершине гладкой полусферы. В тело попадает пуля массой m = 0.01 кг, летящая горизонтально со скоростью $\upsilon_0 = 100$ м/с, и застревает в нём. Пренебрегая смещением тела за время удара, определите радиус сферы, если высота, на которой тело оторвётся от поверхности полусферы, h = 0.7 м. Высота отсчитывается от основания полусферы.

3.

К одному концу легкой пружины жесткостью k=100 Н/м прикреплён массивный груз, лежащий на горизонтальной плоскости, другой конец пружины закреплён неподвижно (см.рисунок). Коэффициент трения груза по плоскости $\mu=0,2$. Груз смещают по горизонтали, растягивая пружину, затем отпускают с начальной скоростью, равной нулю. Груз движется в одном направлении и затем останавливается в положении, в котором пружина уже сжата. Максимальное растяжение пружины, при котором груз движется таким образом, равно d=15 см. Найдите массу m груза.

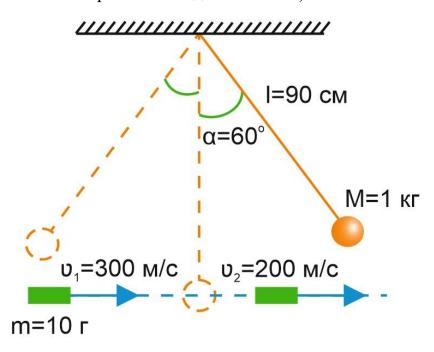


Небольшие шарики, массы которых m=30 г и M=60 г, соединены легким стержнем и помещены в гладкую сферическую выемку. В начальный момент шарики удерживаются в положении, изображенном на рисунке. Когда их отпустили без толчка, шарики стали скользить по поверхности выемки. Максимальная высота подъема шарика массой M относительно нижней точки выемки оказалась равной 12 см. Каков радиус выемки R?



5.

Шар массой 1 кг, подвешенный на нити длиной 90 см, отводят от положения равновесия на угол 60° и отпускают. В момент прохождения шаром положения равновесия в него попадает пуля массой 10 г, летящая навстречу шару со скоростью 300 м/с. Она пробивает его и вылетает горизонтально со скоростью 200 м/с, после чего шар продолжает движение в прежнем направлении. На какой максимальный угол отклонится шар после падения в него пули? (Массу шара считать неизменной, диаметр шара — пренебрежимо малым по сравнению с длиной нити.)



В маленький шар массой M=230 г, висящий на нити длиной $\ell=50$ см, попадает и застревает в нём горизонтально летящая пуля. Минимальная скорость пули υ_0 , при которой шар после этого совершит полный оборот в вертикальной плоскости, равна 120 м/с. Чему равна масса пули? Сопротивлением воздуха можно пренебречь. Обоснуйте применимость законов, используемых при решении задачи.

7.

На гладкой горизонтальной поверхности стола покоится горка с двумя вершинами, высоты которых h и 5/2 h (см. рисунок). На правой вершине горки находится шайба. От незначительного толчка шайба и горка приходят в движение, причем шайба движется влево, не отрываясь от гладкой поверхности горки, а поступательно движущаяся горка не отрывается от стола. Скорость шайбы на левой вершине горки оказалась равной v. Найдите отношение масс шайбы и горки.

